

TESTE INTERMÉDIO - 11º ANO - MATEMÁTICA A

19 de Maio de 2006

CRITÉRIOS DE CLASSIFICAÇÃO - VERSÃO 1

COTAÇÕES

Grupo I 63

Cada resposta certa 9
Cada resposta errada..... 0
Cada questão não respondida ou anulada 0

Grupo II 137

1. 32

1.1.20

1.2.12

2. 25

3. 20

4. 60

4.1.20

4.2.40

4.2.1.25

4.2.2.15

TOTAL 200

Grupo I

Deverão ser anulados todos os itens com resposta de leitura ambígua (letra confusa, por exemplo) e todos os itens em que o aluno dê mais do que uma resposta.

As respostas certas são as seguintes:

Itens	1	2	3	4	5	6	7
Respostas	A	D	D	D	A	B	B

Grupo II

Critérios gerais

1. Se o aluno se enganar na identificação do item a que está a responder, ou se a omitir, mas, pela resolução apresentada, for possível identificá-lo inequivocamente, a resposta deve ser vista e classificada.
2. Se o aluno apresentar mais do que uma resposta a um item, e não indicar, de forma inequívoca, a que pretende que seja classificada, deve ser vista e classificada apenas a que se encontra em primeiro lugar, na folha de resposta.
3. As cotações a atribuir às respostas dos alunos são expressas obrigatoriamente em números inteiros.
4. Num item em que a respectiva resolução exija cálculos e/ou justificações, a cotação a atribuir deve estar de acordo com o seguinte critério:
 - Se o aluno se limitar a apresentar o resultado final, a cotação deve ser de 0 (zero) pontos.
 - Se o aluno não se limitar a apresentar o resultado final, a cotação deve ser a soma algébrica das cotações atribuídas a cada etapa, de acordo com o disposto nos pontos 6, 7, 8 e 9 destes critérios gerais, e das desvalorizações previstas nos pontos 10 e 11 destes critérios gerais. Se a soma for negativa, a cotação a atribuir é de 0 (zero) pontos.
5. Alguns itens da prova podem ser correctamente resolvidos por mais do que um processo. Sempre que o aluno utilizar um processo de resolução não contemplado nos critérios específicos, caberá ao professor classificador adoptar um critério de distribuição da cotação que julgue adequado e utilizá-lo em situações idênticas. Salienta-se que deve ser aceite qualquer processo cientificamente correcto, mesmo que envolva conhecimentos não contemplados no programa da disciplina.

6. A cotação de cada item está subdividida pelas etapas que o aluno deve percorrer para o resolver.

6.1. Em cada etapa, a cotação indicada é a máxima a atribuir.

6.2. O classificador não pode subdividir, em cotações parcelares, a cotação atribuída a cada etapa.

Caso uma etapa envolva um único passo, testando apenas o conhecimento de um só conceito ou propriedade, e a sua resolução não esteja completamente correcta, deve ser atribuída a cotação de 0 (zero) pontos.

Caso uma etapa envolva mais do que um passo (por exemplo, o cálculo da derivada de uma função, a resolução de uma equação, a obtenção de uma expressão em função de uma variável, etc.) e a sua resolução esteja incompleta, ou contenha incorrecções, a cotação a atribuir deve estar de acordo com o grau de incompletude e/ou a gravidade dos erros cometidos. Por exemplo:

- erros de contas ocasionais devem ser desvalorizados em um ponto;
- erros que revelem desconhecimento de conceitos, regras ou propriedades devem ser desvalorizados em, pelo menos, metade da cotação da etapa;
- transposições erradas de dados do enunciado devem ser desvalorizadas em um ponto, desde que o grau de dificuldade da etapa não diminua;
- transposições erradas de dados do enunciado devem ser desvalorizadas em, pelo menos, metade da cotação da etapa, caso o grau de dificuldade da etapa diminua.

6.3. Nas etapas cuja cotação se encontra discriminada por níveis de desempenho, o classificador deve enquadrar a resposta do aluno numa das descrições apresentadas. O classificador não pode atribuir uma cotação diferente das indicadas.

6.4. No caso de o aluno cometer um erro numa das etapas, as etapas subsequentes devem merecer a respectiva cotação, desde que o grau de dificuldade não tenha diminuído, e o aluno as execute correctamente, de acordo com o erro que cometeu.

6.5. Caso o aluno cometa, numa etapa, um erro que diminua o grau de dificuldade das etapas subsequentes, cabe ao classificador decidir a cotação máxima a atribuir a cada uma destas etapas. Em particular, se, devido a um erro cometido pelo aluno, o grau de dificuldade das etapas seguintes diminuir significativamente, a cotação máxima a atribuir a cada uma delas não deverá exceder metade da cotação indicada.

6.6. Pode acontecer que o aluno, ao resolver um item, não percorra explicitamente todas as etapas previstas nos critérios específicos. Todas as etapas não percorridas explicitamente pelo aluno, mas cuja utilização e/ou conhecimento estejam inequivocamente implícitos na resolução do item, devem receber a cotação indicada.

7. Quando, num item, é pedida uma forma específica de apresentação do resultado final (por exemplo, "em minutos", "em percentagem", etc.), este deve ser apresentado na forma pedida. Se o resultado final apresentado pelo aluno não respeitar a forma pedida no enunciado (por exemplo, se o enunciado pedir o resultado em minutos, e o aluno o apresentar em horas), devem ser atribuídos 0 (zero) pontos à etapa correspondente ao resultado final. No entanto, a cotação não deve ser desvalorizada caso o aluno não indique a unidade em que é pedido o resultado (por exemplo, se o resultado final for 12 minutos, ou 12 metros, e o aluno escrever simplesmente 12, não se deve aplicar nenhuma desvalorização). Se não for pedida aproximação para o resultado final, o aluno deve apresentar o valor exacto. Se o aluno apresentar, como resultado final, uma aproximação do valor exacto, deve ser aplicada uma desvalorização de 1 ponto na cotação a atribuir à etapa correspondente ao resultado final.

8. O aluno deve respeitar sempre a instrução relativa à apresentação de todos os cálculos e de todas as justificações. Se, numa etapa, o aluno não respeitar esta instrução, apresentando algo (valor, quadro, tabela, gráfico, etc.) que não resulte de trabalho anterior, deve ser atribuída a cotação de 0 (zero) pontos a essa etapa. Todas as etapas subsequentes que dela dependam devem ser igualmente cotadas com 0 (zero) pontos.

9. O aluno deve respeitar sempre qualquer instrução relativa ao método a utilizar na resolução de um item (por exemplo, "sem recorrer à calculadora", "equacione o problema", "resolva graficamente", etc.). Na resolução apresentada pelo aluno, deve ser inequívoco, pela apresentação de todos os cálculos e de todas as justificações, o cumprimento da instrução. Se tal não acontecer, considera-se que o aluno não respeitou a instrução. A etapa em que se dá o desrespeito, bem como todas as subsequentes que dela dependam devem ser cotadas com 0 (zero) pontos.

10. Se, na resolução de um item, o aluno utilizar simbologia, ou escrever uma expressão, inequivocamente incorrecta do ponto de vista formal (por exemplo, se escrever o símbolo de igualdade onde deveria estar o símbolo de equivalência), a cotação total a atribuir ao item deve ser desvalorizada em um ponto. Esta desvalorização não se aplica no caso em que tais incorrecções ocorram apenas em etapas cotadas com 0 (zero) pontos, nem a eventuais utilizações do símbolo de igualdade, onde, em rigor, deveria estar o símbolo de igualdade aproximada.

11. Existem itens em cujo enunciado é dada uma instrução relativa ao número mínimo de casas decimais que o aluno deve conservar, sempre que, em cálculos intermédios, proceder a arredondamentos. Indicam-se, a seguir, as desvalorizações a aplicar, na cotação total a atribuir ao item, em caso de desrespeito dessa instrução e/ou de arredondamentos mal efectuados.

Todos os valores intermédios estão de acordo com a instrução, mas existe, pelo menos, um valor intermédio mal arredondado..... -1 ponto

Todos os valores intermédios estão bem arredondados, mas existe, pelo menos, um que não está de acordo com a instrução..... -1 ponto

Existe, pelo menos, um valor intermédio mal arredondado e existe, pelo menos, um que não está de acordo com a instrução -2 pontos

Critérios específicos

1.1. 20

$$2 + \frac{1}{1-x} \leq -1 \Leftrightarrow \frac{4-3x}{1-x} \leq 0 \dots\dots\dots 5$$

Quadro (ver nota 1)	10
1ª linha (relativa à variável x)	2
2ª linha (relativa ao numerador)	2
3ª linha (relativa ao denominador)	2
4ª linha (relativa ao quociente)	4

Conclusão (**ver nota 2**)..... 5

Notas:

1. A cotação a atribuir a cada linha do quadro deve estar de acordo com o seguinte critério:

Linha correcta	Cotação indicada
Outras situações	0

2. A cotação a atribuir à conclusão deve estar de acordo com o seguinte critério:

Conclusão correcta	5
Conclusão parcialmente correcta (em que o único erro é a inclusão do valor 1 no conjunto solução)	2
Outras situações	0

1.2. 12

Escrever a equação $y = 2$ 6

Escrever a equação $x = 1$ 6

2. 25

Traduzir o problema	10
Escrever a função objectivo	2
Escrever as restrições	8 (2+2+2+2)

Desenhar a região admissível 8

Encontrar a solução óptima 7

3. 20

Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos:

1º Processo:

$\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD}$	4
$\vec{AB} \cdot (\vec{AB} + \vec{AD}) = \vec{AB} \cdot \vec{AB} + \vec{AB} \cdot \vec{AD}$	5
$\vec{AB} \cdot \vec{AB} = \overline{AB}^2$	5
$\vec{AB} \cdot \vec{AD} = 0$	5
Conclusão	1

2º Processo:

$\vec{AB} \cdot \vec{AC} = \ \vec{AB}\ \ \vec{AC}\ \cos \alpha$ $(\alpha \text{ é o ângulo dos vectores } \vec{AB} \text{ e } \vec{AC})$	6
$\ \vec{AB}\ = \overline{AB}$ e $\ \vec{AC}\ = \overline{AC}$	2
$\cos \alpha = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC}}$	5
Conclusão	7

4.1. 20

Este problema pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos:

1º Processo:

Determinar um vector com a direcção da recta, como, por exemplo, o vector $(0, 2, 1)$	5
Mostrar que esse vector é perpendicular a dois vectores não colineares do plano, como, por exemplo, \vec{ST} e \vec{SV}	10 (5+5)
Escrever uma equação do plano	5

2º Processo:

Determinar um vector perpendicular a dois vectores não colineares do plano	8
Determinar um vector com a direcção da recta	5
Verificar a colinearidade dos dois vectores	2
Escrever uma equação do plano	5

4.2.1. 25

Justificar que o domínio de f é o intervalo $]0, 2[$ 4
 Exprimir o raio da base do cilindro em função de z 7
 Escrever uma expressão que dê o volume do cilindro em função de z 7
 Obter a expressão dada 7

4.2.2. 15

Traduzir o problema pela inequação $f(z) > \frac{8}{15}$ 3
 Resolver a inequação **(ver nota 1)**..... 11
 Apresentação dos elementos recolhidos na utilização da calculadora (gráfico de f , recta de equação $y = \frac{8}{15}$, abcissas dos pontos de intersecção) **(ver nota 2)** 3
 Valor mínimo **(ver nota 3)** 4
 Valor máximo **(ver nota 4)** 4
 Resposta («A cota do ponto P deve variar entre 0,213 e 1,268») 1

Notas:

1. Se o aluno não resolver a inequação graficamente (por exemplo, se a tentar resolver com recurso à tabela da calculadora), esta etapa e todas as subsequentes devem ser cotadas com 0 (zero) pontos, pelo facto de o aluno ter desrespeitado a instrução do enunciado (ver critério geral 9).
2. A cotação a atribuir à apresentação do gráfico deve estar de acordo com os seguintes níveis de desempenho:

Apresentação correcta e completa de todos os elementos relevantes..... 3
 Apresentação correcta mas com ausência de alguns elementos relevantes ou apresentação completa mas com algumas incorrecções 2
 Apresentação incompleta e com algumas incorrecções..... 1
 Outras situações..... 0

3. A cotação a atribuir à apresentação do valor mínimo deve estar de acordo com os seguintes níveis de desempenho:

1º caso: valor arredondado às milésimas

Valor igual a 0,213.....	4
Valor igual a 0,212.....	3
Valor igual a 0,211 ou 0,214.....	1
Outros valores.....	0

2º caso: valor com aproximação superior às milésimas

Valor no intervalo $[0,212 ; 0,213]$	1
Outros valores.....	0

3º caso: valor com aproximação inferior às milésimas

Valor igual a 0,21.....	1
Outros valores.....	0

4. A cotação a atribuir à apresentação do valor máximo deve estar de acordo com os seguintes níveis de desempenho:

1º caso: valor arredondado às milésimas

Valor igual a 1,268.....	4
Valor igual a 1,269.....	3
Valor igual a 1,267 ou 1,270.....	1
Outros valores.....	0

2º caso: valor com aproximação superior às milésimas

Valor no intervalo $[1,268 ; 1,269]$	1
Outros valores.....	0

3º caso: valor com aproximação inferior às milésimas

Valor igual a 1,27.....	1
Outros valores.....	0