



Teste Intermédio

Matemática A

Versão 2

Duração do Teste: 90 minutos | 13.03.2012

12.º Ano de Escolaridade

Decreto-Lei n.º 74/2004, de 26 de março

COTAÇÕES

GRUPO I

1.	10 pontos
2.	10 pontos
3.	10 pontos
4.	10 pontos
5.	10 pontos
		50 pontos

GRUPO II

1.		
1.1.	15 pontos
1.2.	20 pontos
2.		
2.1.	20 pontos
2.2.	15 pontos
2.3.	20 pontos
3.		
3.1.	20 pontos
3.2.	20 pontos
4.	20 pontos
		150 pontos

TOTAL **200 pontos**

A classificação do teste deve respeitar integralmente os critérios gerais e os critérios específicos a seguir apresentados.

CRITÉRIOS GERAIS DE CLASSIFICAÇÃO

A classificação a atribuir a cada resposta resulta da aplicação dos critérios gerais e dos critérios específicos de classificação apresentados para cada item e é expressa por um número inteiro, previsto na grelha de classificação.

As respostas ilegíveis ou que não possam ser claramente identificadas são classificadas com zero pontos. No entanto, em caso de omissão ou de engano na identificação de uma resposta, esta pode ser classificada se for possível identificar inequivocamente o item a que diz respeito.

Se o aluno responder a um mesmo item mais do que uma vez, não eliminando inequivocamente a(s) resposta(s) que não deseja que seja(m) classificada(s), deve ser considerada apenas a resposta que surgir em primeiro lugar.

A ausência de indicação inequívoca da versão do teste (Versão 1 ou Versão 2) implica a classificação com zero pontos das respostas aos itens de seleção (escolha múltipla).

Nos itens de seleção (escolha múltipla), a cotação total do item é atribuída às respostas que apresentem de forma inequívoca a única opção correta.

São classificadas com zero pontos as respostas em que seja assinalada:

- uma opção incorreta;
- mais do que uma opção.

Não há lugar a classificações intermédias.

Os critérios de classificação das respostas aos itens de construção apresentam-se organizados por etapas e/ou por níveis de desempenho. A cada nível de desempenho e a cada etapa corresponde uma dada pontuação.

Nos itens de construção com cotação igual ou superior a quinze pontos e que impliquem a produção de um texto, a classificação a atribuir traduz a avaliação simultânea das competências específicas da disciplina e das competências de comunicação escrita em língua portuguesa. A avaliação das competências de comunicação escrita em língua portuguesa contribui para valorizar a classificação atribuída ao desempenho no domínio das competências específicas da disciplina. Esta valorização corresponde a cerca de 10% da cotação do item e faz-se de acordo com os níveis de desempenho a seguir descritos.

Níveis	Descritores
3	Composição bem estruturada, sem erros de sintaxe, de pontuação e/ou de ortografia, ou com erros esporádicos, cuja gravidade não implique perda de inteligibilidade e/ou de sentido.
2	Composição razoavelmente estruturada, com alguns erros de sintaxe, de pontuação e/ou de ortografia, cuja gravidade não implique perda de inteligibilidade e/ou de sentido.
1	Composição sem estruturação aparente, com erros graves de sintaxe, de pontuação e/ou de ortografia, cuja gravidade implique perda frequente de inteligibilidade e/ou de sentido.

No caso de a resposta não atingir o nível 1 de desempenho no domínio específico da disciplina, a classificação a atribuir é zero pontos. Neste caso, não é classificado o desempenho no domínio da comunicação escrita em língua portuguesa.

Até ao ano letivo 2013/2014, na classificação dos testes intermédios, continuarão a ser consideradas corretas as grafias que seguirem o que se encontra previsto quer no Acordo de 1945, quer no Acordo de 1990 (atualmente em vigor), mesmo quando se utilizem as duas grafias numa mesma prova.

No quadro seguinte, apresentam-se os critérios de classificação a aplicar em situações não descritas anteriormente.

Situação	Classificação
1. Classificação da resposta a um item cujo critério se apresenta organizado por etapas.	A pontuação indicada para cada etapa é a pontuação máxima que lhe é atribuível. A classificação da resposta resulta da soma das pontuações das diferentes etapas, à qual se subtrai, eventualmente, um ou dois pontos, de acordo com o previsto nas situações 13 e/ou 18.
2. Pontuação de uma etapa dividida em passos.	A pontuação indicada para cada passo é a pontuação máxima que lhe é atribuível. A pontuação da etapa resulta da soma das pontuações dos diferentes passos.
3. Classificação da resposta a um item ou pontuação de uma etapa cujo critério se apresenta organizado por níveis de desempenho.	A resposta é enquadrada numa das descrições apresentadas. À classificação/pontuação correspondente subtrai-se, eventualmente, um ou dois pontos, se ocorrer um erro ocasional num cálculo, e/ou utilizar simbologia ou expressões inequivocamente incorretas do ponto de vista formal.
4. Utilização de processos de resolução que não estão previstos no critério específico de classificação.	É aceite e classificado qualquer processo de resolução cientificamente correto. O critério específico deve ser adaptado ao processo de resolução apresentado, mediante distribuição da cotação do item pelas etapas* percorridas pelo aluno. Esta adaptação do critério deve ser utilizada em todos os processos de resolução análogos.
5. Apresentação apenas do resultado final, se a resolução do item exige cálculos e/ou justificações.	A resposta é classificada com zero pontos.
6. Utilização de processos de resolução que não respeitam as instruções dadas [exemplo: «usando métodos analíticos»].	A etapa em que a instrução não é respeitada é pontuada com zero pontos, bem como todas as etapas subsequentes que dela dependam, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação.
7. Ausência de apresentação dos cálculos e/ou das justificações necessárias à resolução de uma etapa*.	A etapa é pontuada com zero pontos, bem como todas as etapas subsequentes que dela dependam, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação.
8. Ausência de apresentação explícita de uma dada etapa que não envolva cálculos e/ou justificações.	Se a resolução apresentada permitir perceber inequivocamente que a etapa foi percorrida, a mesma é pontuada com a pontuação total para ela prevista. Caso contrário, a etapa é pontuada com zero pontos, bem como todas as etapas subsequentes que dela dependam.

* Em situações em que o critério é aplicável tanto a **etapas** como a **passos**, utiliza-se apenas o termo «etapas» por razões de simplificação da apresentação.

Situação	Classificação
9. Transposição incorreta de dados do enunciado e/ou transposição incorreta de um número ou de um sinal na resolução de uma etapa.	Se o grau de dificuldade da resolução da etapa não diminuir, é subtraído um ponto à pontuação da etapa. Se o grau de dificuldade da resolução da etapa diminuir, a pontuação máxima a atribuir a essa etapa deve ser a parte inteira de metade da pontuação prevista.
10. Ocorrência de um erro ocasional num cálculo.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa em que o erro ocorre.
11. Ocorrência de um erro ocasional que revela desconhecimento de conceitos, de regras ou de propriedades.	A pontuação máxima a atribuir nessa etapa deve ser a parte inteira de metade da pontuação prevista.
12. Ocorrência de um erro ocasional na resolução de uma etapa.	A etapa é pontuada de acordo com o erro cometido. As etapas subsequentes são pontuadas de acordo com os efeitos do erro cometido: – se o grau de dificuldade das etapas subsequentes não diminuir, estas são pontuadas de acordo com os critérios específicos de classificação; – se o grau de dificuldade das etapas subsequentes diminuir, a pontuação máxima a atribuir a cada uma delas deve ser a parte inteira de metade da pontuação prevista.
13. Apresentação de cálculos intermédios com um número de casas decimais diferente do solicitado e/ou apresentação de um arredondamento incorreto.	É subtraído um ponto à classificação da resposta, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação.
14. Apresentação do resultado final que não respeita a forma solicitada [exemplos: é pedido o resultado na forma de fração, e a resposta apresenta-se na forma de dízima; é pedido o resultado em centímetros, e a resposta apresenta-se em metros].	É subtraído um ponto à pontuação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
15. Omissão da unidade de medida na apresentação do resultado final [exemplo: «15» em vez de «15 metros»].	A etapa relativa à apresentação do resultado final é pontuada com a pontuação para ela prevista.
16. Apresentação do resultado final com aproximação quando deveria ter sido apresentado o valor exato.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
17. Apresentação do resultado final com um número de casas decimais diferente do solicitado, e/ou apresentação do resultado final incorretamente arredondado.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
18. Utilização de simbologias ou de expressões inequivocamente incorretas do ponto de vista formal.	É subtraído um ponto à classificação da resposta, exceto: – se as incorreções ocorrerem apenas em etapas já pontuadas com zero pontos; – nos casos de uso do símbolo de igualdade onde, em rigor, deveria ter sido usado o símbolo de igualdade aproximada.

CRITÉRIOS ESPECÍFICOS DE CLASSIFICAÇÃO

GRUPO I

1. a 5. (5 × 10 pontos)..... **50 pontos**

As respostas corretas são as seguintes.

Itens	1	2	3	4	5
Respostas	B	A	B	D	B

GRUPO II

1.1. **15 pontos**

Indicam-se a seguir possíveis respostas do aluno e as classificações a atribuir em cada caso.

$14! \times 8! \times 2$ (ou equivalente) 15 pontos

$14! \times 8!$ (ou equivalente) 8 pontos

$14! \times 10!$ (ou equivalente)

OU

$14! \times 10! \times 2$ (ou equivalente) 6 pontos

$2 \times 22!$ (ou equivalente) 4 pontos

$8! \times 2$ (ou equivalente)

OU

$14! \times 2$ (ou equivalente) 2 pontos

Outras respostas 0 pontos

1.2. **20 pontos**

Indicar os valores que a variável X pode tomar (**ver nota 1**) 3 pontos

Determinar cada uma das probabilidades (**ver nota 2**) (5 + 5 + 5) 15 pontos

Apresentar a tabela 2 pontos

Notas:

1. A apresentação dos valores que a variável X pode tomar pode ser feita de uma forma implícita.
2. Caso o aluno apresente o valor correto de uma probabilidade, mas não o apresente na forma de fração irredutível, deverá ser subtraído 1 ponto à pontuação atribuída ao cálculo dessa probabilidade.

2.1. 20 pontos

- Escrever a condição $3 + \log_2 x \geq 5 + \log_2(x - 6)$ 1 ponto
- Escrever a condição $x > 0 \wedge x - 6 > 0$ 3 pontos
- Concluir que $x > 6$ ou que $x \in]6, +\infty[$ (**ver nota**)..... 1 ponto
- Resolver a inequação $3 + \log_2 x \geq 5 + \log_2(x - 6)$ 12 pontos
- Escrever a condição $\log_2 x \geq \log_2 4 + \log_2(x - 6)$ 3 pontos
- Transformar a soma de logaritmos no logaritmo de um produto 4 pontos
- Obter uma inequação do 1.º grau equivalente, em $]6, +\infty[$, à inequação dada 3 pontos
- Resolver a inequação do 1.º grau 2 pontos
- OU
- Escrever $\log_2 x - \log_2(x - 6) \geq 2$ 1 ponto
- Transformar a diferença de logaritmos no logaritmo de um quociente 4 pontos
- Obter a inequação $\frac{x}{x - 6} \geq 4$ 3 pontos
- Resolver a inequação $\frac{x}{x - 6} \geq 4$ 4 pontos
- Apresentar a resposta na forma pedida 3 pontos

Nota – Se o aluno escrever uma destas condições, a etapa anterior deve ser considerada como cumprida, ainda que o aluno não a tenha explicitado.

2.2. 15 pontos

- Escrever $f(40^{1000}) = 3 + \log_2(40^{1000})$ 1 ponto
- Escrever $f(5^{1000}) = 3 + \log_2(5^{1000})$ 1 ponto
- Escrever $f(40^{1000}) - f(5^{1000}) = 3 + \log_2(40^{1000}) - 3 - \log_2(5^{1000})$ 2 pontos
- Escrever $f(40^{1000}) - f(5^{1000}) = 1000 \log_2(40) - 1000 \log_2(5)$
- OU
- Escrever $f(40^{1000}) - f(5^{1000}) = \log_2\left(\frac{40^{1000}}{5^{1000}}\right)$ 3 pontos
- Escrever $f(40^{1000}) - f(5^{1000}) = 1000(\log_2(40) - \log_2(5))$
- OU
- Escrever $f(40^{1000}) - f(5^{1000}) = \log_2(8^{1000})$ 2 pontos
- Escrever $f(40^{1000}) - f(5^{1000}) = 1000 \log_2(8)$ 3 pontos
- Concluir $f(40^{1000}) - f(5^{1000}) = 3000$ 3 pontos

2.3. 20 pontos

- Referir que a função g é contínua em $[1,2]$ (ver nota) 4 pontos
- Calcular $g(1)$ 4 pontos
- Calcular $g(2)$ 4 pontos
- Escrever $g(1) < 5 < g(2)$ 5 pontos
- Referir que o pretendido resulta do teorema de Bolzano 3 pontos

Nota – Se o aluno referir que a função é contínua no domínio, a pontuação a atribuir a esta etapa não deve ser desvalorizada. Se o aluno referir que a função g é contínua em $]1,2[$, a pontuação a atribuir a esta etapa é 0 pontos.

3.1. 20 pontos

- Determinar $f(0)$ 4 pontos
- Equacionar o problema $\left(\frac{400}{1 + 3 \times 2^{3-0,2x}} = 160\right)$ 5 pontos
- Resolver a equação 10 pontos
 - Obter a equação $1 + 3 \times 2^{3-0,2x} = 2,5$ 2 pontos
 - Obter a equação $2^{3-0,2x} = 0,5$ 2 pontos
 - Obter a equação $3 - 0,2x = -1$ 4 pontos
 - Obter o valor de x 2 pontos
- Responder ao problema 1 ponto

3.2. 20 pontos

- Vamos designar por A o acontecimento «o frango escolhido estar infetado» e por B o acontecimento «o teste dar negativo».
- Reconhecer que a probabilidade pedida é $P(A | \bar{B})$ 1 ponto
 - Determinar $f(15)$ 4 pontos
 - Determinar o número total de frangos existentes no aviário 1 ponto
 - Determinar $P(A)$ 2 pontos
 - Determinar $P(\bar{A})$ 1 ponto
 - Escrever $P(\bar{B} | A) = 0,9$ 2 pontos
 - Escrever $P(B | \bar{A}) = 0,96$ 2 pontos
 - Determinar $P(A \cap \bar{B})$ 2 pontos
 - Determinar $P(\bar{A} \cap B)$ 2 pontos
 - Obter o valor de $P(\bar{A} \cap \bar{B})$ 1 ponto
 - Obter o valor de $P(\bar{B})$ 1 ponto
 - Obter o valor de $P(A | \bar{B})$ 1 ponto

4. 20 pontos

Escrever $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ 1 ponto

Determinar $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ 7 pontos

Escrever $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (k + x e^x)$ 1 ponto

Escrever $\lim_{x \rightarrow -\infty} (k + x e^x) = k + \lim_{x \rightarrow -\infty} (x e^x)$ 1 ponto

Escrever $k + \lim_{x \rightarrow -\infty} (x e^x) = k + \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{x}{e^{-x}}\right)$ 2 pontos

Escrever $k + \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{x}{e^{-x}}\right) = k - \lim_{-x \rightarrow +\infty} \frac{-x}{e^{-x}}$
OU

Escrever $k + \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{x}{e^{-x}}\right) = k - \lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{y}{e^y}$ 2 pontos

Escrever $k - \lim_{-x \rightarrow +\infty} \frac{-x}{e^{-x}} = k$
OU

Escrever $k - \lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{y}{e^y} = k$ 1 ponto

Concluir que a reta de equação $y = k$ é assintota horizontal do gráfico da função f , quando $x \rightarrow -\infty$ 2 pontos

Escrever $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ 1 ponto

Determinar $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ 5 pontos

Escrever $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x + \ln x}{x}$ 1 ponto

Escrever $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x + \ln x}{x} = 3 + \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x}$ 2 pontos

Escrever $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 3$ 2 pontos

Concluir que a reta de equação $y = 3$ é assintota horizontal do gráfico da função f , quando $x \rightarrow +\infty$ 2 pontos

Obter o valor de k 2 pontos